# 動的ページの増加がもたらす Webリンク構造の変化

# 斉藤茂樹\* 森口一郎\*\*

いくつかのWebサイト群に対してクローリングを行い、リンク構造を解析した。静的ペ ージではリンクの確率密度分布が過去の研究同様べき乗則に従っていることと、inリンク の緊密度が動的ページに比べ高いことがわかった。一方動的ページでは、リンク確率密度 分布がべき乗則に従っておらず、inのクラスター係数が著しく低かった。また、リンク数 が多くなるにつれ、特にinのクラスター係数が高くなることを確認した。これによって、 inのリンク数が多いページ同士は緊密なリンク関係にあることがわかった。この事実から、 静的、動的ページかによってクロール手法を変えることによって効率的なクロール手法の 開発につながると思われる。

**キーワード**: クローリング、べき乗則、WWW、クラスター係数

## Effects of increasing dynamic pages on the Web link structure

Shigeki SAITO and Ichirou MORIGUCHI

We performed crawling for several groups of Web sites and analyzed link structures. The probability density distribution of in-link showed the power-law which had been found in previous researches, and the closeness of in-link was found to be low in comparison with that of dynamic pages. On the other hand, in the dynamic pages, probability density distribution of links did not obey the power-law, and a clustering coefficient of in-link was remarkably low. Furthermore, we confirmed that particularly clustering coefficients of in-link increase as the number of the links increases. Therefore, it was found that the Web pages with many in-links have close relations mutually. These show a possible new crawling strategy that changes crawling methods by checking whether an Web page is static or dynamic.

Keyword: crawling, power-law, WWW, clustering coefficient

<sup>\*</sup>東京情報大学総合情報学部 情報システム学科

<sup>2009</sup>年12月7日受理

Tokyo University of Information Sciences, Faculty of Informatics, Department of Information Systems

<sup>\*\*</sup>東京情報大学総合情報学部 情報システム学科

### 1. はじめに

今日情報を得る媒体としてWorld Wide Web (以降Webと略す) は重要な位置を占めるよう になっている。このWebを使って情報を得る ためには、URL (Uniform Resource Locator) をあらかじめ知っている必要がある。もし得た い情報を含むWebページのURLが不明であれ ば、検索エンジンを用いてURLを調べること が普通である。この検索エンジンはあらかじめ Webを収集(クローリング)しておき、URL をインデックス化しているため、キーワードを 使ってWebページを検索することができる。 しかしWeb上のページ数は莫大であるため、 効率的にクローリングを行っておく必要があ る。また、目的のWebページを検索する際に は、良質なWebページを優先的に検索結果と して表示できなければ使いやすい検索エンジン とは言えない。Webページ同士はハイパーリ ンクで結びつけられているため、リンク構造を 知っておく事は、効率のよいクローリング方法、 重要なページを決定するアルゴリズムの開発に 役立つと考えられる。

1999年、AlbertらがWebのリンク構造につい て研究し、初めてリンク数の確率密度分布(リ ンクの次数分布) がべき乗則に従うことを明ら かにした [1]。またこれに続く他のWebリンク 研究でも同様にべき乗則が現れると報告されて おり、原因としては、優先的選択が機能してい ると考えられている [2]。優先的選択とは、リ ンクを多く集めている人気のあるページをリン ク先としてより高確率で選びやすくなる働きで ある。この研究結果に基づいて、リンク数の多 いページを優先的に探索する効率的な手法も提 案されている「3]「4]。しかし、これらの研究 が行われた1999年~2002年頃はWebページ作成 者が手動でコンテンツを作っている静的ページ が多かったが、ここ数年はプログラムによって ページを出力する動的ページが急増している。 静的ページでは、作成者がそれぞれのコンテン ツに対してあらかじめリンク先を選択しているが、動的ページはリンク先をプログラムが自動 生成しているため、静的、動的ページとではリ ンク構造が異なると予想できる。

もしリンク構造が動的ページの増加によってこ数年で変わっているのであれば、参考文献[3][4]のような情報探索手法が有効でなくなっている可能性がある。そのため、動的ページのリンク構造が静的ページと異なるのであれば、動的ページに対する情報探索手法はどのようにすべきか、対応策を検討するためのデータとする必要がある。また、静的ページのリンク構造が従来と同じであるか再確認も行った。さらに、リンク構造の調査にあたり、次数分布だけではWebページ間の結びつきは判断できないため、クラスター係数を用いた調査も行った。

本研究では、東京情報大学内の全Webページをクローリングし、URLから静的、動的ページを分類し、リンクの次数分布とクラスター係数を求めた。また、学外の数箇所を起点としてクローリングを行い、東京情報大学内のWebに特有の特徴があるかどうかのチェックも行った。その結果、静的ページの次数分布はべき乗則に従うことと、リンク数が多いページ間の結びつきが強いことを明らかにした。

# 2. 方法

Webページにアクセスするためには、あらかじめURLを知っておかなければならない。未知のWebページを発見するには、既知のページにアクセスし、そのリンク先のURLを取得すればよい。つまり、あらかじめ起点となるWebページを決め、そのリンク先のURLを取得する。このようにして取得したURLのWebページに対しても同様にリンク先を取得する操作を繰り返すことで既知のWebページを増やしていく。この一連の操作をWebクローリングと呼ぶ。また、発見したURLは全てインデックス化しておくので、図1のようにあるホップ目のページから前のホップに対してリンクが

あるような場合でも、前のホップのページはす でに発見済みと判断でき、リンク情報は収集す るが実際に2度アクセスする必要はない。同様 に、もし②のページから⑤のページへのクロー リングが先に行われ、③から⑤へのクローリン グで再び⑤を発見した場合でも、⑤に2度アク セスする必要はない。

一般的にWebは情報を公開するために作ら れ、ページ作成者のトップページ等他のページ から辿ることができる。一方、通常のクローリ ング手法ではoutリンクしかもたずinリンクを 持たないページや、他のページ群からinリンク を持たないページ群(隠しページ群)はクロー リングできない。これら隠しページはその URLを知っている少数の者しかアクセスでき ない共有メモのようなものなので、リンク範囲 が隠しページ間に限定されている。東京情報大 学内にもそのような隠しページ群は存在すると 思われるが、Webページ全体に比べ、そのペ ージ数は非常に少ないと考えられる。さらに本 研究ではWebページ全体の結合構造に着目し ているので、このようなWeb全体から分離し ている隠しページは解析の対象外とした。

#### 2.1 Webクローリングの方法

本研究でWebクローリングを行う際、以下 の条件を設定した。

(1) Webページ以外のファイルの除外

Webページは画像、音声、実行ファイルな どWebページではないファイルに対してもリ

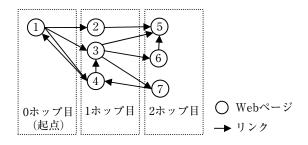


図1. Webクローリングの手順。Webページの数 字はアクセスする順序を表す。

ンクする事ができる。しかし本研究ではWeb ページ同士のリンクのつながりについて調査し たいため、リンク先を抜き出す操作時に、これ らリンク先を持ち得ないものについてはクロー リング対象から除外した。

#### (2) エラーページの除外

Webサーバが見つからなかった場合とアク セスした際のHTTP応答コード400系列、500系 列のエラーを返したWebページからはリンク 先を検出できない。そのため、これらのエラー ページについてもクローリング対象から除外し

#### 2.2 ページの分類方法

本研究では主に、Webページを静的ページ と動的ページに分類している。静的ページとは、 拡張子が.htmlとなるようなファイルであり、 作成者がコンテンツを書いた後、ページ内容は 変化しない。これに対して動的ページと は、.cgiや.phpのようにサーバ側で実行された プログラムの結果によって変化するページであ る。本研究では、拡張子が.html、.htmのもの を静的ページとし、.php、.pl、.cgiのような拡 張子のものを動的ページとした。さらに、 URL中に「?a=b」のようなクエリーストリン グが付加されたものも、パラメータとして受け 取り処理を行うため、動的ページとして扱う。 また、分類はURL中の拡張子やクエリースト リングの有無で判定するので、たとえば、SSI (Server Side Includes) が使われ実質動的ペー ジであっても、拡張子が.htmlであれば静的ペ ージとして扱った。また拡張子が.htmlであっ てもクエリーストリングがあれば動的ページと した。

クエリーストリングはパラメータであり、こ れによってページ内容が変化することが多い。 また、クエリーストリングがURL中に埋め込 まれているため、この内容によってURLも異 なるという特徴がある。

#### 2.3 ページの分類毎の解析方法

WebページのURLから静的、動的ページを

分類し、静的ページ同士、動的ページ同士のリンクから、リンク生成メカニズムの違いについて調査を行った。

たとえば静的ページ同士のリンクについて調査する場合、クローリング結果から静的ページが持っている動的ページへのリンクは破棄し、静的ページ間のリンクのみを抽出した。同様に、動的ページ間のリンクを抽出した場合とで比較を行った。

### 3. 解析

本研究ではWebページの持つリンク数(次数)の確率密度分布(次数分布)と、Webページ同士のリンクの緊密度を表すクラスター係数を求めた。

Webページの持つリンク数を k とし k 本のリンクを持つWebページが存在する割合をリンク数の確率密度分布p(k)とする。このp(k)は通常「次数分布」と呼ばれ、これがべき乗則、即ち $p(k) \propto k^{-\beta}$ 、に従えば過去の研究と一致し、リンク先の選び方に優先的選択が働いていると考えられる。

また、Webのリンクには方向性があるため、次数分布、クラスター係数それぞれをinリンク、outリンクに分けて求めた。ここで各Webページに対して他のWebページから入ってくるリンクをinリンクと呼び、各Webページから他のWebページへ向けて出て行くリンクをoutリンクと呼ぶ。(図 2)

#### 3.1 累積次数分布

次数分布がべき乗則に従う場合、次数分布を



図2. a.htmlのoutリンクとb.htmlのinリンクの関係。

両対数プロットすると直線のグラフとなる。この直線の傾きからべき指数  $-\beta$  を求めることができる。しかし実データやシミュレーションでは、大きい k でたびたびp(k)=0 となる箇所があるため、傾きを求めることが困難となる。そこで次式のように累積次数分布に変換し、べき指数を求めた。

$$p_{cum}(k) \equiv \sum_{k'=k}^{\infty} p(k') \tag{1}$$

ただし、累積次数分布を両対数プロットした 場合の直線の傾きは、次数分布の傾きから1ず れるため、求めた傾きから1を引いておく「5」。

#### 3.2 クラスター係数

クラスター係数とは、ノードに隣接している ノード同士が隣接している割合を示す指標であ り、ノード毎に求める。ここで本研究でのノー ドとは静的、動的ページを指す。Webページ のリンクには方向性があるが、方向性を考慮し ない場合は以下の式で求められる。

$$C_{i} = \frac{1}{(k_{i})(k_{i}-1)/2} \sum_{i,k} a_{ij} a_{ik} a_{jk}$$
 (2)

ここで、 $C_i$ はノード i のクラスター係数を、 $k_i$  はノード i のリンク数を、a は隣接行列を表す。

しかしWebのリンクにはinとoutの方向性があるので、ここでは方向性を考慮したクラスター係数を下記の式で求めた[6]。

$$C_{i}^{in} = \frac{1}{(k_{i}^{in})(k_{i}^{in} - 1)/2} \sum_{j,k} a_{ji} a_{ki} \frac{(a_{jk} + a_{kj})}{2}$$
(3)

$$C_{i}^{out} = \frac{1}{(k_{i}^{out})(k_{i}^{out} - 1)/2} \sum_{j,k} a_{ij} a_{ik} \frac{(a_{jk} + a_{kj})}{2}$$
(4)

また全ノードのクラスター係数を平均したものをネットワークのクラスター係数といい、ネットワークにあるリンクの緊密度を表す。本研究でのネットワークのクラスター係数は、静的、動的ページ間同士のリンクの緊密度のことを指す。

方向性のあるネットワークのinのクラスター 係数を例にした計算方法は、図3のネットワー ク構造に隣接行列を用いると表1のようにな る。たとえばノード1はノード2、3、4から のinリンクがある。このうちから2つを選ぶ組 み合わせは、ノード2、3と2、4と3、4の 3 通りあり、 $a_{23}+a_{32}=0$ 、 $a_{24}+a_{42}=2$ 、 $a_{34}+a_{43}=1$ となることから、ノード1のinのクラスター係 数を求めると1.5/3=0.5となる(表2)。

#### 3.3 東京情報大学内Web

http://www.tuis.ac.jp/を起点ページとし、 24ホップにわたってクローリングを行った。た だしtuis.ac.jpドメイン内を全クロールさせるた

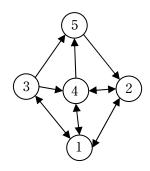


図3. 方向性のあるネットワーク例

表1. 図3に対応した隣接行列

	1	2	3	4	5
1	0	1	1	1	0
2	1	0	0	1	0
3	1	0	0	1	1
4	1	1	0	0	1
5	0	1	0	0	0

表2. 図3のinのクラスター係数

ノード番号	inのクラスター係数	
1	1.5/3	
2	1.5/3	
3	0	
4	2.0/3	
5	0.5/1	
ネットワークのinのクラスター係数:0.4333		

め、ドメイン外Webへのクロールは行わなか った。発見されたURLは175,028にのぼるが、 このうち閲覧権限がない場合や、ページが消滅 している等の理由でアクセスできなかったもの を除くと、実際にWebページを取得できたの は161.842ページであった。ホップごとの発見 URL数をプロットした図4で、16ホップ目以降 の発見URL数はほぼ一定となっている。これ はいくつかの動的ページではアクセス毎に異な る文字列を生成し、ユニークなURLを次々と リンク先として生成するためである(図5)。 したがって、16ホップ程度で通常のページは十 分にクローリングを終えていると考えられる。 クロールするホップ数が増すにつれ、このよう な動的ページの数は莫大なものとなるので、全 クロールするまでに要する時間やマシン性能を 考慮し、既知のものについては可能な限り排除 した。しかし全てを排除することはできず、こ のような動的ページはおよそ67.000ページ残っ ている。

東京情報大内発見済みURL数推移

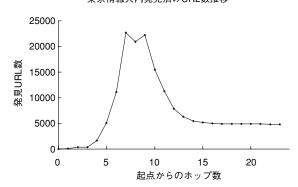


図4. 東京情報大学内Webの発見URL数の推移. 図5のような動的ページがあるため、常に 発見されるURLがある。

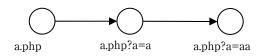


図5. アクセスする度次々にユニークなURLを生 成する動的ページ例。

ちなみに、静的ページで最大のinリンク数は 48,342 (リンク元の1ページから2つ以上のリンクがありえるため、リンク元のページ数は 3,427ページ)であった。学内には、学生が授業で参照できるようJavadoc(Javaのリファレンスページ)が存在する。Javadocにはクラス毎に仕様をまとめたページがあり、継承関係等があれば、クラス毎の仕様ページにリンクされている。最大のinリンク数があるページは、Objectクラスの仕様ページである。Objectクラスは全クラスの生様ページである。Objectクラスは全クラスの生様ページである。(図6-a、図6-b)(http://www.solar-system.tuis.ac.jp/Java/jdk-1\_5\_0-doc-ja/api/java/lang/Object.html)

また最大のoutリンク数は19,120(リンク先の1ページへ2つ以上のリンクがありえるため、リンク先のページ数は2,181ページ)であった。これもJavadocのページである。このページは、Stringクラスを使用しているクラス、メソッドの一覧ページである。たとえばURLクラスにはtoString()メソッドがあるが、これはStringクラスを使用している。そのためこの一覧ページにも、URLクラスの仕様ページ

<u>あり フレームなし まべてのクラス</u> (-11ボ   <u>コンプラクタ</u>   <u>ボンボ</u>	Standard Ed. 5.0
ーバークラスとして Object を持ちます。配列	を含むすべてのオブジェクトは、このク
	ーバークラスとして Object を持ちます。食び

図6-a Objectクラスの仕様ページ。Objectク ラスを継承したクラスの仕様ページから リンクされ48,342のinリンクがある。

java.lang クラス String

java.lang.Object 上位を拡張 java.lang.String

図6-b Objectクラスの仕様ページにリンクして いる一例。 ヘリンクされている。Stringクラスは便利なクラスであり、あらゆるクラスで使用されているため、この一覧ページには多くのクラス仕様ページへのリンクがある。(図7) (http://www.solar-system.tuis.ac.jp/Java/jdk-1\_5\_0-doc-ja/api/java/lang/class-use/String.html)

図8のように静的ページのみを抽出した結果、累積次数分布はスケールフリー性の特徴の一つであるべき乗則に従っていることがわかった[6]。次数分布のべき指数は、この傾きの-1.34と-1.15から1を引けばよいので、outで-2.34、inで-2.15という値になり、out:-2.45、in:-2.1という過去の研究とほぼ一致した[1][7]。inの傾きがoutの傾きに比べ緩やかになっているが、これは元々inリンクの多いWebページはその他の多くのページからさらにリンクされる可能性があり、そのリンクされる数に上限がないのに対して、他へ極端に多くのリンクを持つページは考えづらいことから、inリンク数がoutリンク数よりも大きくなりやすいことが分かる。この結果から、静的ページのinのリン

クラス java.lang.String の使用

String を使用しているパック	ケージ
java applet	アブレットの作成、およびアブレットとアブレットコンテキストとの通信に使用するクラスの作成に必要なクラスを提供します。
java.awt	ユーザインタフェースの作成およびグラフィックスとイメージのペイント用のすべてのクラスを 含みます。
java.awt.color	カラースペースのクラスを提供します。
java.awt.datatransfer	アプリケーション間またはアプリケーション内のデータ転送のためのインタフェースとクラスを 提供します。
java.awt.dnd	ドラッグ8-ドロップ操作は、多くのグラフィカルユーザインタフェースシステムで見られる直接 8がは操作ジェスチャーで、GUI の表現要素に論理的に関連した 2 つのエンティティ間で情報 を実換する機関を提供します。
java.awt.event	AMT コンボーネントによってトリガされるさまざまな種類のイベントを処理するインタフェース とクラスを提供します。

- 図7 Stringを使用しているクラスの仕様ページ を一覧できるページ。
- 表3. 東京情報大内Webクローリング結果。URL からページを分類する際、静的、動的ページのどちらとも判定できないURLが4,265あった。「全て」にはこれらも含まれている。

	ページ数	リンク数	クラスター係数(in/out)
全て	161,842	8,551,676	0.0864/0.4143
静的のみ	49,227	2,268,552	0.1686/0.3904
動的のみ	108,350	4,121,860	0.0462/0.4391

ク次数分布にべき乗則が現れる理由として、現 在も優先的選択が機能していると考えられる [2]。outリンクでもべき乗則が成り立っている が、どのようなリンクのつながり方の規則から 結果としてリンク次数分布のべき乗則に結びつ くのか、いまだに明らかではない。

一方、動的ページでは図9に見られるように 直線領域がほとんどなく、べき乗則に従ってい るとは言えない。すなわち、動的ページを生成 するプログラムがoutリンクを自動生成してい ると考えられるため、優先的選択によってリン ク先が選ばれていないことがわかる。

また、表3のクラスター係数をみると、out に比べinのクラスター係数が低い傾向にある が、静的ページのみ抽出した場合では、動的ペ ージのみ抽出した場合に比べてinのクラスター 係数が高い。これは、静的ページは動的ページ に比べると図10-aのようなリンク元のページ同

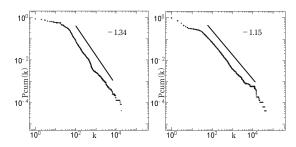


図8. 静的ページ間のリンクを対象にした累積次 数分布。

左:outリンク,右:inリンク

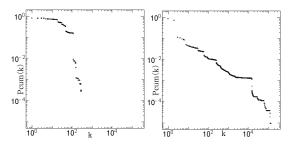


図9. 動的ページ間のリンクを対象にした累積次 数分布。

左:outリンク、右:inリンク

士に関連があるということを示している。たと えば、ページのリンク元が同一トピックを扱う ページならば、リンク元のページ同士がリンク 関係にある確率が高いことが多いと考えられ る。動的ページのみ抽出した場合ではoutに比 べinのクラスター係数が著しく低く、inリンク の緊密度が低かった。これは、図10-aのような リンク元のページ間に関連がないか、リンク元 のWebページが1ページのみということを示 している。この傾向は東京情報大学外の起点か らクロールした場合でも見られ、動的ページの み抽出した場合、表 4 のようにoutのクラスタ -係数に対してinのクラスター係数が著しく低 い。これは、図5のような動的ページが多数あ るためと考えられる。たとえば、図11の動的ペ ージa.php、a.php?s=abc、a.php?s=xvzの3つ は、それぞれクエリーストリングで与えられた パラメータに基づいて、新たにリンク先にユニ ークなURLを生成している。ただし図11では a.php?s=xvzの生成するリンク先は省略した。 図5のようなクエリーストリングを与えられる 動的ページのリンク先は、既存のページをリン ク先としているものと、クエリーストリングを 付加した新たなURLのように、表示する際に

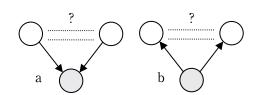


図10. 網掛けページからみたクラスター係数の 求め方。(a:inのクラスター係数、b: out のクラスター係数。)

表4. http://www.ipa.go.jp/を起点にクロール した際の動的ページ結果。このうち、およ そ92,000ページが図5のように生成され たページだった。

	ページ数	リンク数	クラスター係数(in/out)
動的のみ	96,914	857,305	0.0081/0.7426

生成されるものがある。既存ページへのリンク 先は動的ページを生成するプログラムを書いた 作成者が選んでいるため、outリンクの緊密度 は高めになると考えられる。これに対してinリンクでは、クエリーストリングの部分が直前の ページで生成されているためリンク数は1~2 と非常に少なく、リンク数が1であれば自動的 にクラスター係数は0となってしまう。表 4の データではクエリーストリングを付加されたページはおよそ92,000ページあるが、ほぼ全てin のクラスター係数が0であった。一方outのクラスター係数は、図11のようにクエリーストリングを付加したURLのみにリンクしている ラスター係数がinのクラスター係数と同じ理 由で低くなることはない。

次にクラスター係数のリンク数依存性について解析した。図12、図13は表3で示した東京情報大学内Webのデータ中から、リンク数が8以上、32以上、128以上、512以上、2048以上のWebページを抽出したデータ5つを用意しクラスター係数を求めたものである。静的、動的ページどちらも、抜き出すリンク数 kの値が大きくなるとクラスター係数が高くなることがわかる。特にinのクラスター係数ではその傾向が強い。inのクラスター係数は、リンク元のページ同士に関連があれば高くなるが、図10-aのようなリンク元のページがリンクの少ないペー

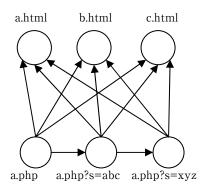


図11. 図5のような動的ページ(a.php、a.php?s=abc、a.php?s=xyz)のinの クラスター係数が低くなる例.

ジならば、互いに関連し合っている可能性は低い。このようなリンクの少ないページが排除されたことで、inのクラスター係数が高くなる傾向にあると考えられ、図11のような動的ページが排除された場合により顕著になる。またoutのクラスター係数は、inに比べて緩やかに推移している。もし優先選択が機能しているならば、リンク先はリンク数の多いページが選ばれやすい。図10-bのようなリンク先のページがリンクの多いページならば、同じくリンクの多いページでは、同じくリンクの多いページに関連がある可能性も比較的高い。このことからリンク数の少ない大多数のページも、outのクラスター係数はinに比べ高いと考えられる。

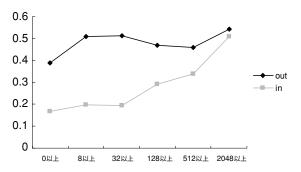


図12. 東京情報大学内でリンク数k以上のWeb ページを抽出後の静的ページ間のクラスター係数。O以上は、表3の「静的ページ のみ」と同じ。

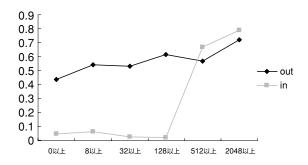


図13. 東京情報大学内でリンク数k以上のWeb ページを抽出後の動的ページ間のクラスター係数。O以上は、表3の「動的ページのみ」と同じ。

### 4. まとめ

本研究では、東京情報大学内Webページの ほぼ全てと、学外のいくつかのWebサイトに 対してクローリングを行い、リンク構造を解析 した。静的ページは、リンクの次数分布が以前 のようにべき乗則に従っていること、動的ペー ジに比べinのクラスター係数が高いことを確認 した。一方動的ページでは、次数分布がべき乗 則に従っておらず、inのクラスター係数が著し く低かった。また、リンクの多いページを抽出 し、inのクラスター係数が高くなる傾向を確認 した。これはinのリンク数が多いページ同士の むすびつきが強いことを示している。これによ り、静的ページでは以前と同じリンク構造であ るため、既存手法「3]「4]のような手法を用 いることができると考えられる。しかし、動的 ページでは傾向が異なるため、新たなクロール 手法が必要であり、静的、動的ページとでクロ ール手法を分けて行う必要がある。たとえば、 リンク数が多いページ同士は緊密なリンク関係 にあるという点を利用する手法などが考えられ る。

最初のWebリンクのべき乗則発見以来、inリ ンクに関しては優先的選択がその有力な原因で あると考えられている。しかし、今回の研究で も確認された静的ページのoutリンクのべき乗 則出現理由は現在でも明らかになっていない。

本研究をさらに進め、Webリンク構造、ク ラスター係数による緊密度を解析することによ って、同一のトピックを扱うWebページ群を 効率的に収集するクロール手法の開発にもむす びつくと考えられる。

# 【参考文献】

- [1] R. Albert, H. Jeong, and A. L. Barabási: Diameter of the World-Wide Web, Nature, vol.401, pp.130-131 (1999)
- [2] A. L. Barabási, and R. Albert: Emergence of Scaling in Random Networks, Science, vol.286,

- pp.509-512 (1999)
- [3] Kim et. al.: Path finding strategies in scale-free networks: Phys. Rev. E65, 027103 (2002)
- [4] Adamic et. al.: Search in power-law networks: Phs. Rev. E64, 046135. (2001)
- [5] S. N. Dorogovtsev, Jose F. F. Mendes: Evolution of Networks: From Biological Nets to the Internet and WWW, pp.222-223 (Oxford. 2003)
- [6] G. Caldarelli: Scale-Free Networks: complex webs in nature and technology (Oxford, 2007)
- [7] S. N. Dorogovtsev, Jose F. F. Mendes: Evolution of Networks: From Biological Nets to the Internet and WWW, pp.80-81 (Oxford, 2003)