研究ノート

ハブ回避ルーティングによる輻輳抑制

徳本文香*·森口一郎**

現実ネットワークでの輻輳抑制のため、隣接ノードのリンク数をコストとして組み込ん だハブ回避ルーティングでIP通信を模した通信シミュレーションを行った。ネットワー クには、インターネットに似た構造を持つスケールフリーネットワークの1つBarabási-Albertモデル(BA)、比較対象としてランダムネットワーク(RN)、無線アドホックネッ トワークの構造モデルであるランダムジオメトリックネットワーク(RGN)を使用した。 その結果、最短経路と比べBA、RNに関してはリンク数をコストとするとハブ回避ルー ティングの方が輻輳を抑制でき到達率も高くなることがわかった。特にBAに対してこの 効果は顕著であった。一方、RGNでは輻輳抑制効果が全くなかった。これはRGNでの輻 輳発生原因がリンク数の多いハブノードではなく、ネットワークとネットワークを繋ぐ間 のノードで起きているためだと考えられる。

キーワード:ハブ回避、スケールフリーネットワーク、ルーティング、輻輳、IP

Congestion Control by Hub Avoidance Routing

Ayaka TOKUMOTO** and Ichirou MORIGUCHI*

To control congestion in information networks, we performed IP packet traffic simulations using the hub avoidance routing which incorporates the number of adjacent nodes as costs. In these simulations three sample networks were adopted: Barabási-Albert model (BA) which is one of Scale-Free networks having the similar structural properties to those of the Internet, Random Network (RN) (as a homogeneous structure network), and Random Geometric Networks (RGN) as a structural model for wireless ad-hoc network. In comparison with the case of the shortest path routing, the hub avoidance routing for BA and RN was found to be more effective on a traffic congestion control, and had higher packet reachability for destination nodes. Especially the result for BA was remarkable. In the case of RGN, however, this method had not any congestion suppression effect at all. This would be considered that the cause of congestion in RGN is not on hub nodes but on bridge nodes that connect small network islands.

Key words: hub avoidance, Scale-Free networks, routing, congestion, IP

*東京情報大学 総合情報学部 現 東京コンピュータサービス株式会社 Faculty of Informatics, Tokyo University of Information Sciences TOKYO COMPUTER SERVICE CO., LTD. **東京情報大学 総合情報学部 Faculty of Informatics, Tokyo University of Information Sciences 2016年10月10日受付 2017年1月12日受理

1. はじめに

現実ネットワークでは、通信中に輻輳が発生 しやすいという問題があることが過去の研究か らわかっている。その輻輳の起こる原因の一つ として、スケールフリー性のあるネットワーク にはパケットを送受信しているノード間にリン ク数を多く持つハブノードがあり、このハブに トラフィックが集中してパケットの処理ができ ず破棄や遅延が起こりやすくなるからである [1]。

輻輳抑制の研究として、平均リンク数を多く する手法[1]やバッファサイズを変更する手法 [2]などが過去に研究されている。また、効果 的な理論としてはハブノードを考慮した手法 [3]があるが、現実的な通信シミュレーション ではない上に、正しいルーティングができない 問題点がある。

本研究ではその問題を解決するため、ハブ ノードの隣接ノードから見て、次にパケットを 渡すノードを決めるコスト計算にハブノードを 考慮した手法[3]を応用し、ルーティングテー ブルを作成した。このルーティングでは各ノー ドにリンク数の多いノードほどコストがかかる ようにコスト計算し、経路探索時にそのコスト を加え、最終的にコストの低いノードにパケッ トを送信するルーティングを行う。

実際のネットワークは常に変化し、どのよう な構造をしているのか把握することができない ため、本研究では仮想マシン上でIP通信を想 定したネットワーク構造を擬似的に再現し、通 信シミュレーションを行い、各モデルの輻輳が ハブ回避ルーティングでどの程度輻輳を抑制で きるか調べた。使用するネットワークとして は、生成の容易なバラバシ=アルバートモデル (BA)[4]をハブノードが存在するスケールフ リーネットワークとして使用し、ハブノードの 影響比較用としてランダムネットワーク(RN) [5]を使用した。また、アクセスポイントを必 要としない無線ネットワークであるアドホック ネットワークの構造モデルとしてはランダムジ オメトリックネットワーク (RGN)[1]を用い た。

その結果、スケールフリー性のあるBA、多 少のハブノードを持つRNではリンク数の1乗 をコストに組み込むと、輻輳閾値(輻輳が発生 し始めるパケット発生率)と到達率の両方がと もに向上したが、RGNではその変化がなかっ た。これはRGNの輻輳がBAやRNのようにハ ブノードではなく、ネットワーク同士を繋ぐ間 のノードで輻輳が起こっているためだと考えら れる。

2. シミュレーション方法

通信シミュレーションを行うには、ネット ワークの構造がどのようになっているのかを事 前に把握しておくことが必要である。しかし、 現実の情報ネットワークは常にネットワークの 構造は変化しているため現実ネットワークと全 く同一の構造でのシミュレーションは不可能で ある。そのため、本研究では仮想ネットワーク 上で擬似的に通信シミュレーションを行った。

2.1 シミュレーションの概要

情報通信ネットワークの特徴を持つネット ワークモデルを作成し、その上でルーティン グ、通信シミュレーションを行った。

本研究ではパケットがどのように移動し破棄 されて輻輳が起こるかが重要なので再送のみを 考慮し、パケットの情報としては発信ノード、 宛先ノード、現在地ノード、再送要求可能回数 を、そして各ノードには受信可能バッファ数と パケットのキュー処理能力数を必要な情報とし て持たせた。パケットの送受信では作成した ルーティング情報を元に、1ノード1ターンあ たりのパケット発生率を変化させながらパケッ トを発生、移動させた。これらのパケットの到 達率からそれぞれのネットワークモデルで初め て輻輳の発生したパケット発生率を輻輳閾値と して求める。

2.2 使用するネットワークモデル

現実のネットワークを使用してのシミュレー ションは不可能なため、情報通信ネットワーク の特徴を持つモデルを使用し擬似的にネット ワークを作成した。着目すべきネットワークの 性質としては、ごく一部のノードが多くのノー ドとリンクを張るスケールフリー性、任意の2 つのノードが数ホップで繋がっているスモール ワールド性、繋がりが緊密で三角形のリンク構 造を多く持つクラスター性がある。

本研究ではリンク数の多いノード(ハブノード)が存在しやすいスケールフリー性のある ネットワークにBAを使用した。また、スモー ルワールド性のあるRN、クラスター性のある RGNを輻輳抑制の比較対象とした。それぞれ のネットワークモデルの作成方法は過去の研究 [1]を参考にした。

ここで、バラバシ=アルバートモデル(BA) とはスケールフリー性を持ち、現実の通信ネッ トワークに近い構造をしている。BAでは新規 ノードがすでにネットワークを構造している ノードとリンクする際、リンクを多く持つノー ドほどリンクを張る確率が高くなるためハブ ノードができやすくなる。そのためBAのある ノードがリンクをk本持つ確率P(k)は以下の 式のようにリンク数k本の-3乗に比例する。

$$P(k) \propto k^{-3} \tag{1}$$

一方、ランダムネットワーク(RN)とはラ ンダムにノードを2つ選び、1ノードあたりの 平均リンク数分を満たすまでリンクを張って作 成されるスモールワールド性のあるネットワー クである。RNはランダムにリンクしているた めBAほど極端にリンク数の多いノードはない が、平均リンク数〈k〉よりリンク数を多く持つ ノードもある。また、あるノードがリンク数k 本を持つ確率P(k)は以下の式のような二項分 布になる。

$$P(k) = {}_{N-1}C_k p^k (1-p)^{N-1-k}$$
(2)

式 (2) のNは全ノード数、pはリンクを繋ぐ確 率、 $_{N-1}C_{\kappa}$ は自身のノードを除く全てのノード からリンクを張るk個のノードを選択する組み 合わせ式である。

最後に、ランダムジオメトリックネットワー ク(RGN)はアドホックネットワークの構造 モデルの1つで、アドホックネットワークはア クセスポイントを経由しないで2つのノードが 通信可能な範囲半径r内に存在すればリンクを 張る、クラスター性のある無線ネットワークで ある。また、指定したノード数と平均リンク 数によって各ノードの電波到達範囲が決まる。 RGNは正方形のフィールドの中にランダムに ノードを配置し、1ノードあたりのリンク数を 考慮した電波到達範囲を求め、2つのノードが 通信可能な範囲半径r内に存在すればリンクを 張る。

また、周期的境界条件を適用し、正方形の フィールドの端に配置されたノードの電波到 達範囲によるリンク数の差がでないようにし た。このRGNのあるノードがリンク数k本を 持つ確率P(k)はRNと全く同じ二項分布(2) 式で表せる。ただし、 p^k はあるノードの通信 可能距離内に他のノードがk個配置される確率 を、 $(1-p)^{N-1-k}$ は配置される確率 を、 $(1-p)^{N-1-k}$ は配置されない確率を示し、 $_{N-1}C_{k}$ は着目したノード以外の全てのノード からk個のノードを選択する組み合わせ式であ る。

全ノードのうち、ほとんどの任意の2ノード が他ノードを経由してリンクで繋がっている場 合、その繋がったネットワークを「ジャイア ントネットワーク」と呼ぶ。BAはもともと全 てがつながったネットワークであり、RNは平 均リンクが1以上[6]、RGNは平均リンク数が 4.52以上[7]であればほとんどのノードがリン クしている上述のジャイアントネットワークが 発生することがわかっている。そのため、本研 究ではネットワーク例として図示する場合を除 き、全てのシミュレーションを平均リンク数6 のネットワーク上で行った。

2.3 ルーティング方法

本研究では途中で構造が変化しないネット ワークを使用し、最短経路とハブ回避ルートを 取得したあとに通信シミュレーションを行った。

まず作成したネットワークモデルから最短経 路の情報を取得するのにノード間のホップ数を 調べる必要があるため、ブロードキャストサー チを使用した。このブロードキャストサーチと は、ある1つのノードを始点ノードとしてその 始点ノードからリンクする全てのノードにむけ てリンクを辿り、各ノードに対する最短ホップ 数を調べる手法である。

ハブ回避ルーティングは、あるノードにパ ケットがあるとき、そのノードの隣接ノードへ のコストを考慮し、ブロードキャストするとき 加算してリンク数の多いノードを避けるルー ティング手法である。

コスト計算する際、どのようにリンク数を考 慮すればいいか調べるため、各ノードのリンク 数k_iを a 乗した値と、ホップ数を考慮するため に、あるノードから隣接ノード分の1ホップを 加え、より値の低い方が次のノードにパケット を送る。よって、現在パケットが存在している ノードから、その隣接ノード*i*へのコストは以 下の式のように書ける。



- 図1 ハブ回避ルーティング説明用ネットワーク
- 丸:ノード番号 線:リンク $k_i = 各ノートのリンク数$ hop = 始点ノードからのホップ数

$$C_i = 1 + k_i^{\alpha} \tag{3}$$

ここで α の値が-1,0,1,2…と変化すると、 リンク数の多いノードほどコストが高くなり、 ルートに選ばれにくくなる。例えば、図1の ネットワークで始点ノード1から目的ノード3 への最短経路はホップ数より、1→2→3とな るが、 α を考慮すると経路が変更される。コス



- 図2 ノード1から各ノードへのコスト計算結果 (α=1)
- 丸:ノード番号 線:リンク
 k_i=各ノートのリンク数 C_i=コスト計算結果



図3 ノード1から各ノードへのコスト計算結果 (α=2)

丸:ノード番号 線:リンク
 k_i=各ノートのリンク数 C_i=コスト計算結果

トの取得方法は、まず隣接ノードにコスト計算 式から求めた結果をノードの情報とする。そ のノードから更に隣接ノードのコストを加え、 ノードの情報に入っているコストと比較し値の 低いほうを新しいコストとする。もし、コスト 計算の結果、同コストの経路が複数存在した場 合、最短経路と同じくランダムに1つを選択す る。

例えば α = 1の場合、始点ノードを1とした 各ノードのコスト計算方法は、始点ノードをコ スト0として、ノード1の隣接ノード2は10本 リンクを持っているため1+10¹となりコスト は11となる。ノード4は5本リンクを持ってい るためコスト6、ノード6は2本リンクを持っ ているためコスト3となる。次にノード2から 隣接ノードにブロードキャストすると、ノード 1はコスト4となるが既にコスト0が入ってい るため処理は行わず、ノード3はノード2のコ スト11とノード3のコスト4を足してコストは 15となる。同様にノード4、6でも各ノードの コストを求め繰り返すとノード5の隣接ノード のコストを求めた際、コストが9なのでノード 3のコストが13になる。これは、ノード2から のブロードキャストしたコストよりも低いた め、ノード3のコストは新しく13となる。つま り、ノード3へはノード2、5、8からルー ティングできるが、ホップ数にかかわらずコス トの値が低いノード5が選択される。

ブロードキャストで始点ノードからリンクす る全てのノードにコストを求め、経路の取得の ため目的ノードから始点ノードまでより値の 低い方へ二次元配列にノードを格納してくと、 $\alpha = 1$ ではノード1→4→5→3という経路に なり、 $\alpha = 2$ では1→6→7→8→3という経路 路になる(図2、3)。これを最短経路の時と 同じように始点ノードを変えて繰り返し、経路 表を作成し、各ネットワークモデルで到達率を 求めた。

また、最短経路手法 ($\alpha = 0$) よりも輻輳抑 制できる α の値を求めた後、 k_i^{α} に重み β をか け、同様にルーティングテーブルを作成し、更 に詳しいリンクコストを求める。

$$C_i = 1 + \beta k_i^{\alpha} \tag{4}$$

(4) 式より α がどんな値であっても $\beta = 0$ の場 合はホップ数のみ考慮されコストは最短経路に なる。そのため β の範囲は $0 < \beta$ とし、最も輻 輳を抑制できる α と β の最適値を求める。ここ で、(4) 式で $\alpha = 0$ の場合は全ての 1 ホップの コストを $1 + \beta$ に固定されるため、結果として 得られる経路やシミュレーション結果は最短経 路手法の場合と一致する。

2.4 通信シミュレーション

通信シミュレーションはターン制で行い、パ ケット発生処理、パケット移動処理、パケット 破棄処理、パケット再送要求処理を1ターンと した。十分にパケットを移動させるため、これ を10,000ターン繰り返し時間発展させた。また、 比較のため過去の研究と同じように、各ノード の1ターンに受信可能な受信バッファ数を5、 キュー処理能力数を2とした[1]。1ターン 1ノードあたりのパケット発生率は0.001から 1.000まで0.001ずつ増加させ、初めて到達率が 1未満になったとき輻輳が発生したと判断し、 その発生率を輻輳閾値とした。

2.4.1 パケットの発生処理

各ターンのはじめに、パケット発生数を満た すまでランダムに発信ノードと宛先ノードを選 択する。このとき発信ノードと宛先ノードが同 ーノードではなく、両ノードがジャイアント ネットワークに属している場合に発信ノードに パケットを発生させる(図4)。

1ターンでのパケット発生数は、1ノード1 ターンあたりの[パケット発生率]×[ノード 数]とする。しかし、パケット発生率が高くな ると発生したノードのバッファに空きが少なく 格納できない場合がある。その場合は処理の順 番によって偏りが出ないようにランダムにパ ケットを選び格納する。もし、バッファから溢 れてしまったパケットがあった場合、そのパ



図4 パケットの発生処理の図

丸:ノード 線:リンク

各ノード、バッファ数:5 キュー処理能力数:2 灰色:各ノードバッファに格納されているパケット



再送 または 再送要求可能回数が上限の場合、破棄

図5 空きバッファ3に対してそれ以上のパケット が発生した場合の処理(ノードに格納するパ ケットはランダムに選ぶ)



 発信ノード
 現在地ノード
 ネクストホップ

 バッファ空きなし

 発信ノードに再送を要求



ケットは再送される。しかし、パケットの再送 要求可能回数が上限に達していた場合、そのパ ケットは破棄される(図5)。

2.4.2 パケットの移動処理

処理を行うパケットが存在するノードの番号 を現在地ノードとして、キュー処理能力数分だ け目的ノードまでのルーティングテーブルを 参照しパケットを移動させ、移動先ノードを 改めて現在地ノードとする。例えば図6より 発信ノードにパケットが3つ入っていた場合、 キュー処理数2つ分のパケットをネクストホッ プに送り、そのネクストホップを新しい現在地 ノードとして上書きするが、もしそのネクスト ホップが宛先ノードならば到達パケットとして カウントする。また、現在地ノードに残った バッファは先入先出しなので空いた分バッファ をつめる。

もし、ネクストホップのバッファに入りきら なかった場合は、現在地ノードにあるパケット を破棄し発信ノードに再送を要求する(図7)。 図7で現在地ノードからパケットを送り、ネク ストホップのバッファがいっぱいなら、候補パ ケットから空きバッファ数分ランダムに選び、 選ばれなかったパケットは現在地ノードを発信 ノードに上書きする。発信ノードに戻しても バッファがいっぱいだった場合は、パケットの 発生のときに再送要求を行う。また、各パケッ トの再送要求可能回数は5回なので、この回数 を超えた場合はそのパケットは破棄され、破棄 パケット数にカウントし、到達や破棄されたパ ケットに関してはその後処理は行わない。

これらのパケット発生移動処理を既定ターン 数繰り返す。

2.4.3 輻輳判定方法

各ネットワークで輻輳が発生したかどうかを 判断するため、既定ターン終了時に、宛先ノー ドへの到達率を調べた。パケットの発生率を変 化させ、到達パケットA数と破棄パケットL数 からパケット到達R率を求める。到達率を求め るとき、シミュレーション中移動するパケット は、必ずリンクしているノード間にあるので 到達するか破棄されるかのどちらかになるが、 ターン終了時にネットワークに存在するパケッ トは含まない。パケット到達率は以下の式(5) で求める。

$$R = \frac{A}{A+L} \tag{5}$$

この式より、破棄パケットが一つもないとき (*R* = 1)は輻輳が発生していないと判断させ る。もし、破棄パケットが一つでも存在し、到 達率が1より小さくなった場合、輻輳が発生し たとみなしそのときのパケット発生率を輻輳閾 値とした。

3. シミュレーション結果

シミュレーションに使用したネットワーク は、BA、RN、RGNだが、RGNでジャイアン トネットワークを作るためそれぞれのネット ワークで平均リンク数6とした。また、シミュ レーションはノード数が多くなるにつれて計 算時間が長くなるので、ノード数は1,000とし、 同一条件のネットワークを5個生成し、それぞ れのネットワークでシミュレーションを行って 結果の平均をとった。

その結果、最短経路(*α* = 0)のみの場合 はRNが発生率0.05で輻輳が発生し、RGNは 発生率0.011のとき輻輳が発生した(図8)。ま た、BAは発生率0.008のときに輻輳が発生し3 つのモデルの中で一番閾値が低かったが、発 生率0.023以上ではBAのほうがRGNより到達 率が高くなった(図9)。この図9で、たとえ ばRNで到達率が1.0未満になるパケット発生率 (輻輳閾値)は0.1付近のように見えるが、本研 究ではパケット1つでも再送が発生すると輻 輳発生とみなしているため、実際に到達率が 1.0未満になっている発生率は0.05である。高パ ケット発生率でRGNの到達率がBAを上回る のは、RGNではパケット発生率が高くなると トラフィックの集中するノードが急激に増え、 輻輳が発生しやすくなったことが原因と考えら れる。

次に、ハブ回避ルーティングで最適な α を求 めるため、同じように通信シミュレーションを 行った結果、図8より α <0の場合、最短経路 のときと比べ輻輳閾値は変化なし、もしくは低 下している。この場合、最短経路とホップ数は 変わらず、よりリンク数の多いノードを選んで いるため輻輳が発生しやすくなっていると考え られる。 α >0はBA、RNで輻輳閾値が上がり、



図8 各ネットワークモデルの輻輳閾値のα依存性 (N=1,000)



図9 最短経路ルーティングによる、各ネットワー クのモデルのパケット到達率(N=1,000)



図10 αの値によるBAのパケット到達率



図11 αの値によるRNのパケット到達率





図13 RGNで輻輳の起きたノード β=0 黒丸:再送回数が3,000回以上あったノード 再送回数が多いノードほど濃い色で表示

特に α = 1 のときに BA で0.05、RN は0.09と最 短径路と比べてリンク数の少ないノードが選ば れ輻輳閾値が高くなっている(図10、11、12)。

しかし、RGNではリンクで緊密に結びつい たノード群の間を繋ぐ「橋渡しノード」で輻輳 が発生し(図13)、ハブが主な輻輳原因ではな いため、αを変動させても図9のRGNの場合 と同様であったため、ハブ回避ルーティングの 効果はなかった。また、BA、RNでα=2のと き閾値が下がるのはリンク数の多いノードがほ とんど選ばれなくなる一方、リンク数の少ない ノードにパケットが集中し、かえって輻輳が発 生してしまうからだと考えられる。

また、ルーティング方法が違うだけで同じ通 信シミュレーションを行っているにもかかわら ず、発生率が高くなるにつれてαを考慮した方 が輻輳発生し始めると同時(パケット発生率 0.05)に平均ホップ数が下がっている(図14)。 このことからパケットの移動は、ホップ数が多 くなるほどパケットがネットワーク上に存在し やすくなるため、各ノードの空きバッファに入 りきらず輻輳が起こりやすくなると考えられ る。特にRGNでは発生率が上がるにつれて急 激に平均ホップ数が下がり、発生率1.000のと





図17 到達パケットの平均ホップ数のリンクコス
 ト依存性(α=1、パケット発生率0.001)
 (BA)

きはBAの最短経路の平均ホップ数とほぼ変わりなかった(図15)。

以上より、ハブ回避ではコストがリンク数の 1乗のときに閾値が高くなることから、次にリ ンクコストの重みβを考慮したハブ回避ルー ティングを行い、最適な値βを求めた。図16の グラフからβ>0のとき、つまり最短経路から リンク数を少しでも考慮すると閾値は0.008か ら0.013に上がることが分かった。βの値を考 慮すると輻輳閾値が一気に上がるのは、元々リ ンクを多く持つノードは経路に選ばれる確率が 高いが、ハブ回避では各ノードの持つリンク数 がコストとして計算されるため、リンク数の一 番少ないノードが選ばれるようになるからだと 考えられる。

しかし、 β の値が0.005までは閾値の変化が なく、0.005~0.3の間で大きく輻輳閾値が高く なっている。このときの平均ホップ数をみると 最短経路と比べ、経路が変更されたため平均 ホップ数が増えており、よりハブノードの回避 ができているからだと考えられる。(図17)。そ の後、 $\beta > 0.2$ では、 $\beta = 1$ 、 $\alpha = 1$ のときと ほぼ同じ閾値になり β の値が1、5、10と増え ても数値の変動は見られなかったため、 β の値 は0.2が最適であることがわかった。

図16 輻輳閾値のリンクコスト係数β依存性 (α=1)(BA)

B

0.1

0.2

0

n

さらに、各ネットワークのノード数のみを変 えて輻輳閾値のノード数依存性を調べたとこ ろ、どのノード数でも傾向は図10と同じく α = 1、 β = 0.2のときが最適であり、これらの数 値にはノード数依存性はなかった。

4. まとめ

パケットの到達率向上のため、本研究では輻 輳の原因のひとつであるハブノードを回避する ルーティングをBA、RN、RGNで通信シミュ レーションを $C_i = 1 + \beta k_i^{\alpha}$ 行い、輻輳閾値を比 較した。

このハブ回避ルーティングは隣接ノードへの コストをとし、ブロードキャストする際このコ ストを加え、よりコストの低い方へルーティン グした。その結果、少しでもリンク数を考慮す ると輻輳閾値は向上したが、ハブノードを回避 しすぎると、リンク数の少ないノードにパケッ トが集中しすぎて十分に輻輳抑制できなかっ た。このことからBAではハブ回避ルーティン グのコストはリンク数の1乗に比例させること が適切であり、そのコストの重みは0.2が最適 であることがわかった。

このようにこのハブ回避ルーティングはBA のようなハブノードが原因で輻輳が起こるネッ トワークでは輻輳を抑制することができた。し かし、本研究では全ノードの処理能力を同一と したが、現実の情報ネットワークではリンク数 の多いノードは一般に処理能力が高いことが多 い。よって、このリンク数に依存した処理能力 の輻輳への影響を考慮した研究が必要と考えら れる。

また、RGNに関してはハブノードが原因で はなくネットワークとネットワークを繋ぐ間の リンク数の少ないノードが輻輳の原因であり、 RGNではハブ回避ルーティングは有効ではな い。今後、RGNの構造を持つアドホックネッ トワークは普及が見込まれているため、RGN での効果的な輻輳抑制手法の研究が必要であ る。

【引用文献】

- [1]花澤諒一,森口一郎:「アドホックネットワークの輻輳閾値」,東京情報大学研究論集,17(1), 1 (2013).
- [2] Barrat, A. Barthelemy, M. and Vespignani, A. Dynamical Processes on Complex Networks, pp. 246-255, Cambridge University Press (2008).
- [3] Yan, G. Zhou, T. Hu, B. Fu, Z.-Q. Wang, B.-H.
 "Efficient routing on complex networks", Physical Review E, 73, 046108 (2006).
- [4] Barabási, A.-L. and Albert, R., "Emergence of scaling in random networks", Science, 286, 509 (1999).
- [5] Pastor-Satorras, R. and Vespignani. A. Evolution and Structure of the Internet, pp. 125-128, Cambridge University Press (2004).
- [6] Molloy, M. and Reed, B. "The size of the giant component of a random graph with a given degree sequence", Combinatorics Probability and Computing, 7, 295 (1998).
- [7] Dall, J. and Christensen, M., "Random geometric graphs", Physical Review E, 66, 016121 (2002).